

*Faculty of Education*

*Second year*

2 أساسي (علوم)

*Physical Optics* ضوء فيزيائي

A course Presented by:

**Dr./ Ahmed S. El-Tawargy**

د. / أحمد صلاح الدين التوارجي

Lecturer of experimental physics

# Lecture (4)

18-03-2020

# لحساب عرض الهدبة و المسافة بين هدتين في هدب ينج

$$\frac{xd}{D} = n\lambda \quad n=0, 1, 2, 3, \dots, m \quad \text{شروط تكون هدبة مضيئة (شدة عظمية)}$$

$$x = \frac{n\lambda D}{d}$$

المسافة بين أى هدبة مضيئة و النقطة C  
(التي عندها فرق المسار مساوياً للصفر)

$$x_0 = 0$$

$$x_1 = \frac{1\lambda D}{d}$$

$$x_2 = \frac{2\lambda D}{d}$$

$$x_m = \frac{n\lambda D}{d}$$

الهدبة  
المضيئة  
المركزية  
(الصفريّة)

الهدبة  
المضيئة  
الأولى

الهدبة  
المضيئة  
الثانية

الهدبة  
المضيئة  
رقم m

المسافة بين أى هدتين مضيئتين متتاليتين:

$$x_m - x_{m-1} = \dots = x_3 - x_2 = x_2 - x_1 = \frac{\lambda D}{d}$$

شرط تكون هدبة مظلمة (الشدة = صفر)

$$\frac{xd}{D} = (2n + 1) \frac{\lambda}{2} \quad n=0, 1, 2, 3, \dots$$

$$x = \frac{(2n + 1)\lambda D}{2d}$$

المسافة بين أى هدبة مظلمة و النقطة C  
(التي عندها فرق المسار مساوياً للصفر)

$$x_0 = \frac{\lambda D}{2d}$$

الهدبة  
المظلمة  
الأولى

$$x_1 = \frac{3\lambda D}{2d}$$

الهدبة  
المظلمة  
الثانية

$$x_2 = \frac{5\lambda D}{2d}$$

الهدبة  
المظلمة  
الثالثة

$$x_{m-1} = \frac{(2m + 1)\lambda D}{2d}$$

الهدبة المظلمة  
رقم m

المسافة بين أى هدبتين مظلمتين متتاليتين:

$$x_{m-1} - x_{m-2} = \dots = x_2 - x_1 = x_1 - x_0 = \frac{\lambda D}{d}$$

المسافة بين أى هدبتين مضيئتين متتاليتين = المسافة بين أى هدبتين مظلمتين متتاليتين

$$\beta = \frac{\lambda D}{d}$$

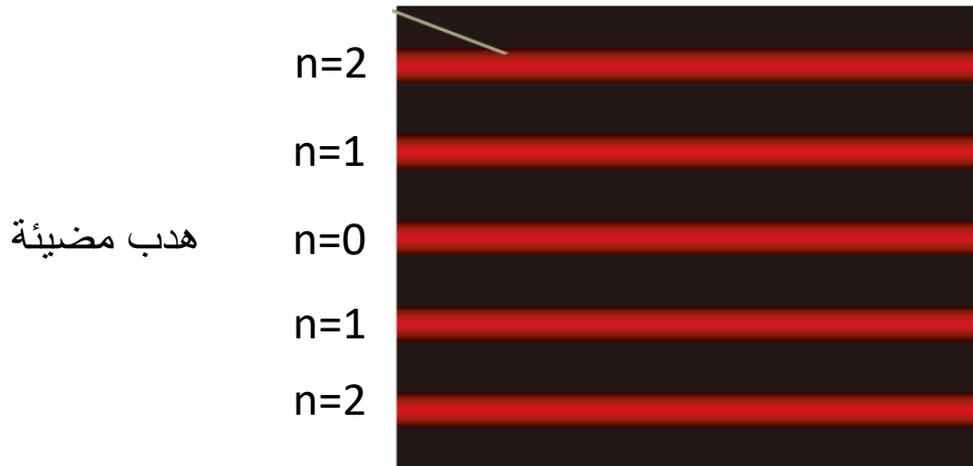
و بالتالى يكون عرض الهدبة المضيئة مساوياً لعرض الهدبة المظلمة و يرمز له بالرمز  $\beta$

## توزيع شدة الاضاءة لهدب التداخل

$$I \propto A^2 = 2a^2(1 + \cos \delta) = 4a^2 \cos^2 \frac{\delta}{2}$$

$$I_{max} = 4a^2 \quad \text{when} \quad \delta = 0, 2\pi, 4\pi, \dots, 2n\pi$$

$$I_{min} = 0 \quad \text{when} \quad \delta = \pi, 3\pi, 5\pi, \dots, (2n + 1)\pi$$



### مثال:

إذا كانت المسافة بين المصدرين المترابطين في تجربة الشق المزدوج 0.18 مم و لوحظت الهدب على حائل يبعد مسافة 80 سم.  
و باستخدام مصدر ضوئي أحادي الطول الموجي, وجد أن الهدبة الرابعة المضيئة على بعد 10.8 مم من الهدبة المركزية. أوجد الطول الموجي المستخدم.

### الحل:

$$D=80 \text{ cm}, d= 0.018 \text{ cm}, n=4, x=1.08 \text{ cm}, \lambda=?$$

$$x = \frac{n\lambda D}{d}$$

$$\lambda = \frac{xd}{nD} = \frac{(1.08 \text{ cm})(0.018 \text{ cm})}{4(80 \text{ cm})} = 6075 \times 10^{-8} \text{ cm} = 6075 \text{ \AA}$$

### مثال:

في تجربة الشق المزدوج ل ينج, إذا كانت المسافة بين مركزي الهدبتين المضيئتين الأوليين على جانبي الهدبة المركزية 1.5 cm و تم رصد الهدب على حائل يبعد مسافة 200 cm من المصدرين المترابطين. احسب المسافة بين مركزي الشق المزدوج علماً بأن الطول الموجي للضوء المستخدم 5500 Å.

### الحل:

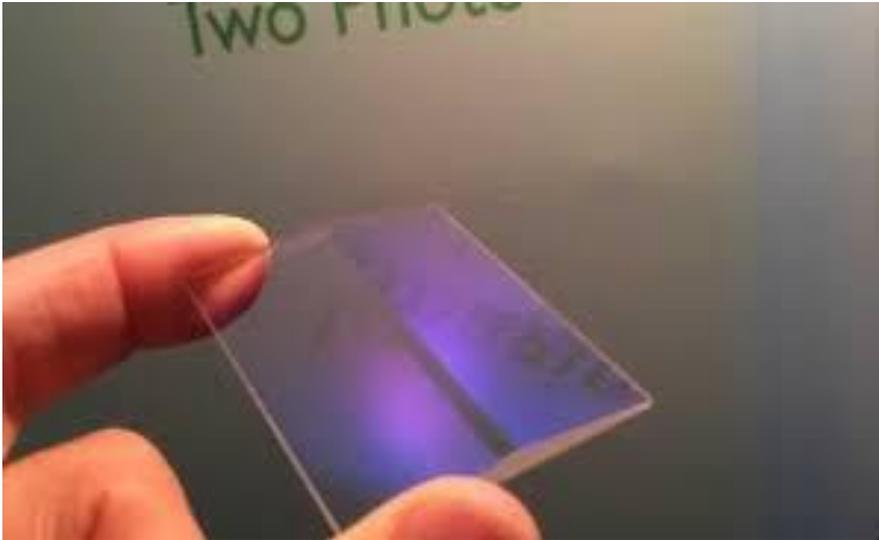
$$D=200 \text{ cm}, \lambda= 5500 \text{ Å}, x=1.5/2=0.75 \text{ cm}, n=1, d=?$$

$$x = \frac{n\lambda D}{d}$$

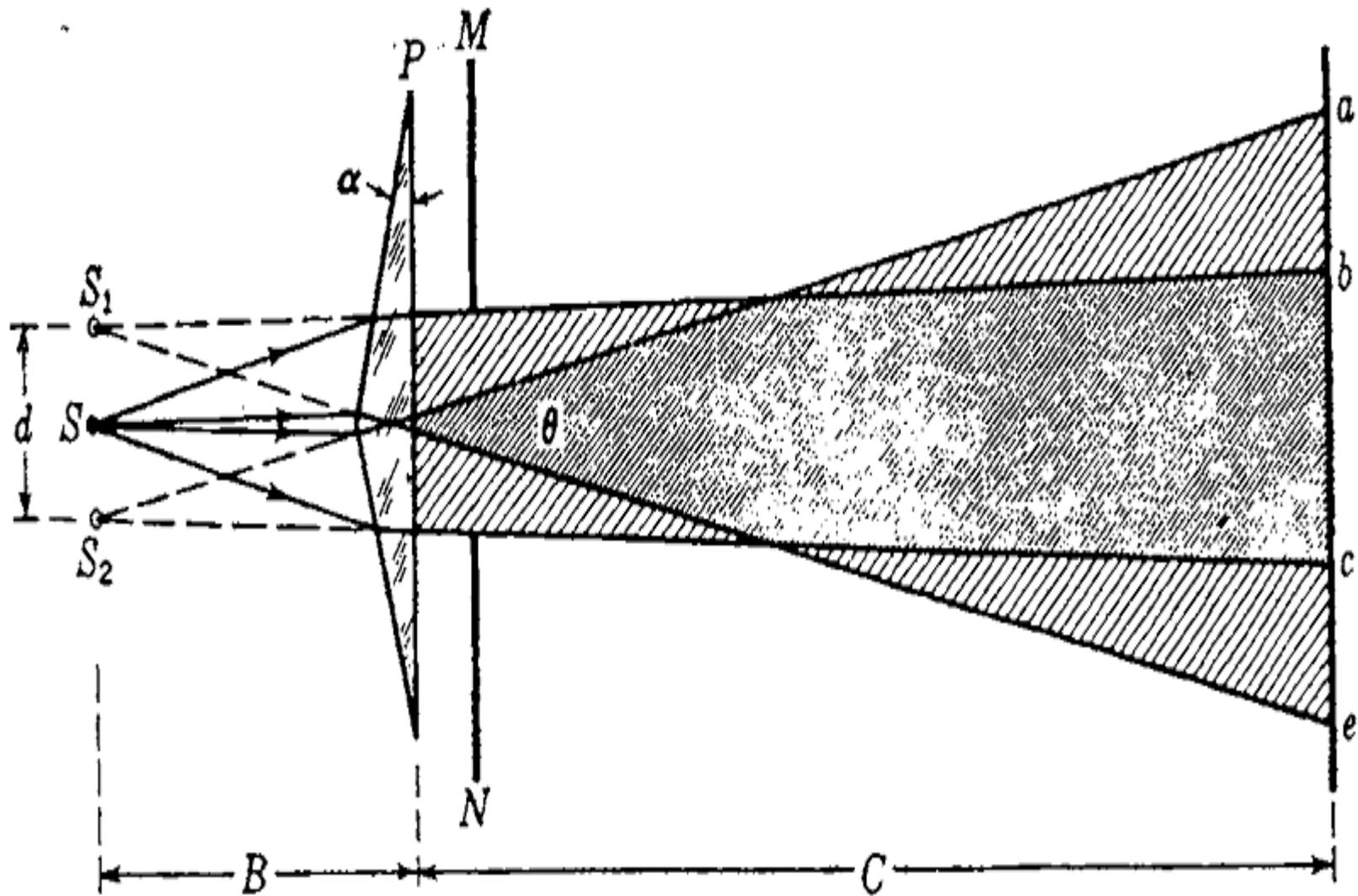
$$d = \frac{n\lambda D}{x} = \frac{1 \times 5500 \times 10^{-8} \times 200}{0.75} = .0147 \text{ cm} = 0.147 \text{ mm}$$

## منشور فرنيل (تقسيم صدر الموجة)

بعد أن أجرى يونج تجربة الشق المزدوج بوقت قصير تاز جدل حول تفسير نتائج تلك التجربة مؤداة أن من المحتمل أن تكون الهدب الساطعة التي شاهدها قد نتجت من بعض التحوير المعقد للضوء بواسطة الشقين وليس نتيجة للتداخل الحقيقي ، لذلك ظلت النظرية الموجية موضع شك . ولكن قبل مرور سنوات قليلة أعلن فرنيل عدة تجارب جديدة أثبت فيها تداخل الحزمتين الضوئيتين بطريقة غير قابلة للاعتراض ؛ وسوف نناقش هنا إحدى هذه التجارب ، وهي تجربة المنشور الثنائي لفرنيل ، ببعض التفصيل .

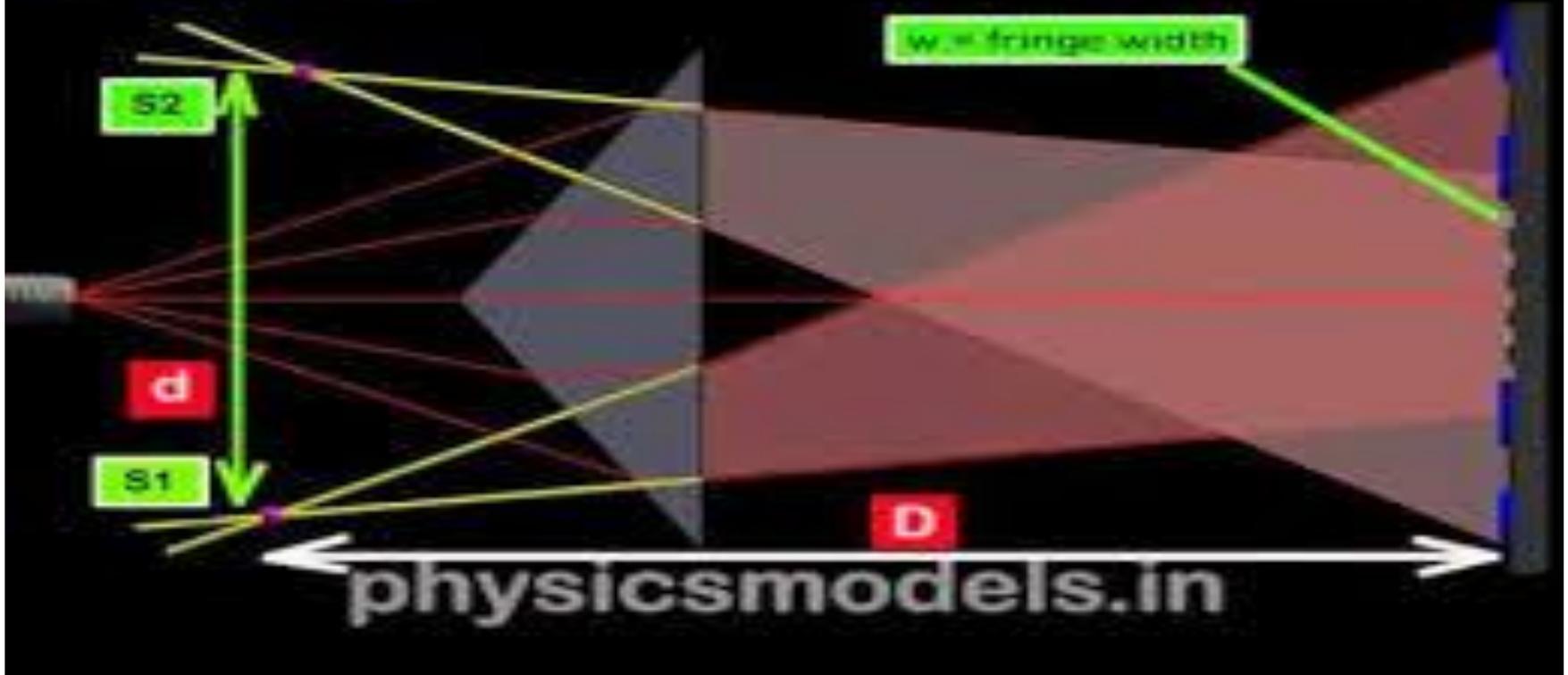


منشور فرنيل عبارة عن منشور رقيق جداً  
بزاوية رأس حوالي  $179^\circ$  و كل زاوية من زوايا  
القاعدة حوالي نصف درجة.



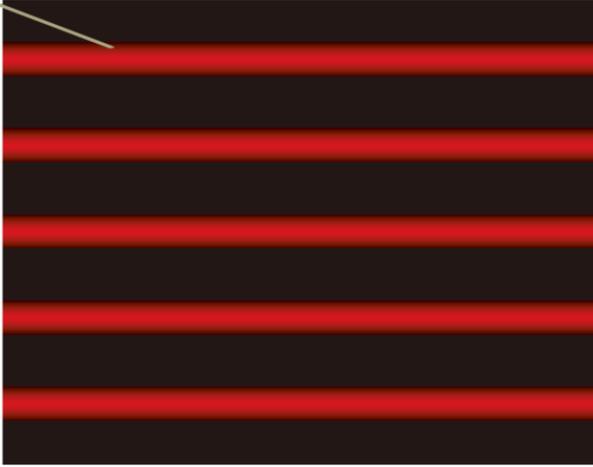
Fresnel Biprism - part 2

www.physicsmodels.in  
by hanuulatham



المسافة بين أى هدبتين مضيئتين متتاليتين = المسافة بين أى هدبتين مظلمتين متتاليتين

و بالتالى يكون عرض الهدبة المضيئة مساوياً لعرض الهدبة المظلمة و يرمز له بالرمز  $\beta$



$$\beta = \frac{\lambda D}{d}$$

توزيع شدة الاستضاءة على هدب التداخل

$$I \propto A^2 = 2a^2(1 + \cos \delta) = 4a^2 \cos^2 \frac{\delta}{2}$$

$$I_{max} = 4a^2 \quad \text{when} \quad \delta = 0, 2\pi, 4\pi, \dots, 2n\pi$$

$$I_{min} = 0 \quad \text{when} \quad \delta = \pi, 3\pi, 5\pi, \dots, (2n + 1)\pi$$

لمنشور فرينل العديد من التطبيقات:

منها تعيين الطول الموجي لمصدر ضوئي أحادي الطول الموجي مثل الليزر أو تعيين سُمك شريحة رقيقة جداً من مادة شفافة بوضعها في أحد مسارات الأشعة المتداخلة .

### لتعيين الطول الموجي

- تكوين مجموعة من الهدب و استقبالها على حائل يبعد مسافة  $D$  عن المنشور
- قياس طول عدد  $N$  من الهدب و ليكن  $L$
- حساب متوسط عرض الهدبة الواحدة  $L/N$

So,

$$\beta = \frac{L}{N} = \frac{\lambda D}{d}$$

$$\lambda = \frac{\beta D}{d}$$

و بمعلومية  $\beta, D, d$  يتم حساب  $\lambda$   
كما يُمكن حساب قيمة  $d$  إذا كان الطول الموجي معلوماً.

## Fresnel's Biprism Experiment (part 1)

<https://www.youtube.com/watch?v=0tJ62PDCcJg>

## Light Interference-Fresnel Biprism - Part 2 (Physics)

<https://www.youtube.com/watch?v=qUYU5WV0V5Q>

### مثال:

تم استخدام منشور فرنيل للحصول على نمط تداخل فإذا كان الضوء المستخدم لعمل التداخل طوله الموجي 650 nm و تم رصد نمط التداخل على مسافة 1 m من المنشور احسب المسافة بين المصدرين التخليين إذا علمت أن عرض الهدبة 2 mm .  
كم عدد الهدب المضيئة التي يمكن رصدها في مسافة 2cm على الحائل.

### الحل:

$$\beta = 2\text{mm}, \lambda = 650 \text{ nm}, D = 1 \text{ m}, d = ?$$

$$\beta = \frac{\lambda D}{d}$$

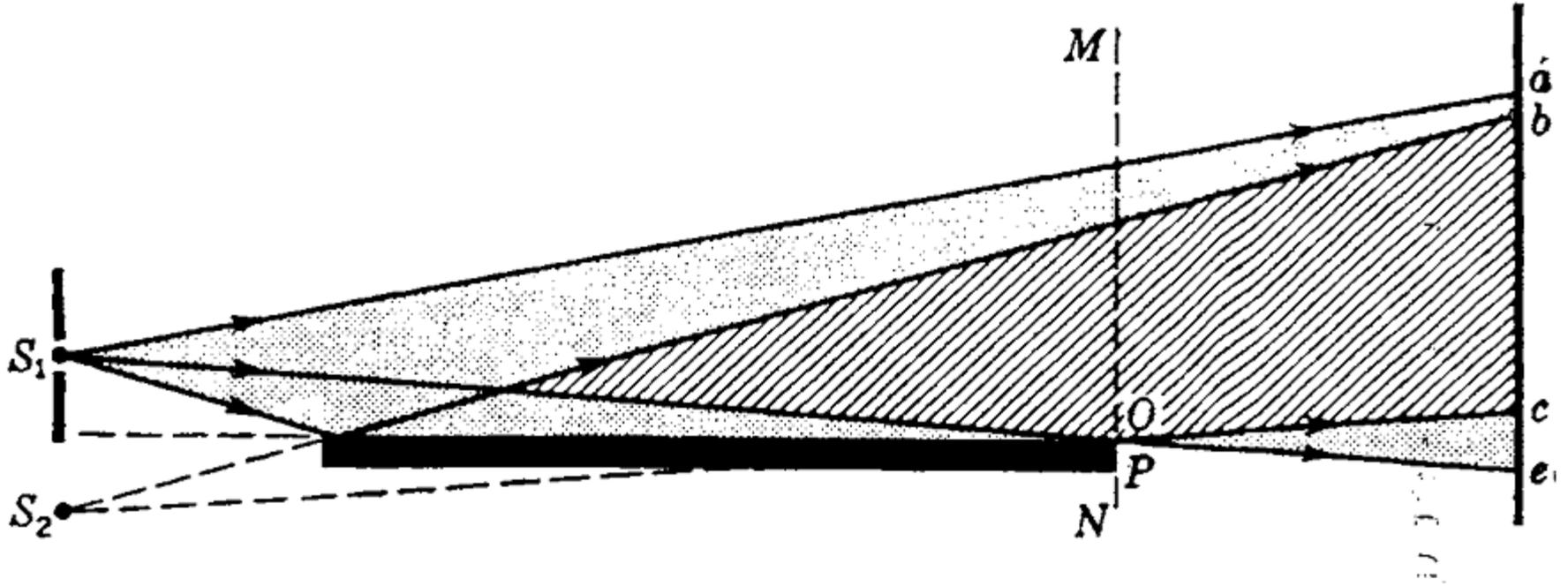
$$d = \frac{\lambda D}{\beta} = \frac{650 \times 10^{-7} \times 100}{0.2} = 0.0325 \text{ cm} = 0.325 \text{ mm}$$

$$\beta = \frac{L}{N}$$

$$N = \frac{L}{\beta} = \frac{2}{0.2} = 10 \text{ fringes}$$

Half of them are bright

## التداخل الضوئي باستخدام مرآة لويدي Lloyd's mirror

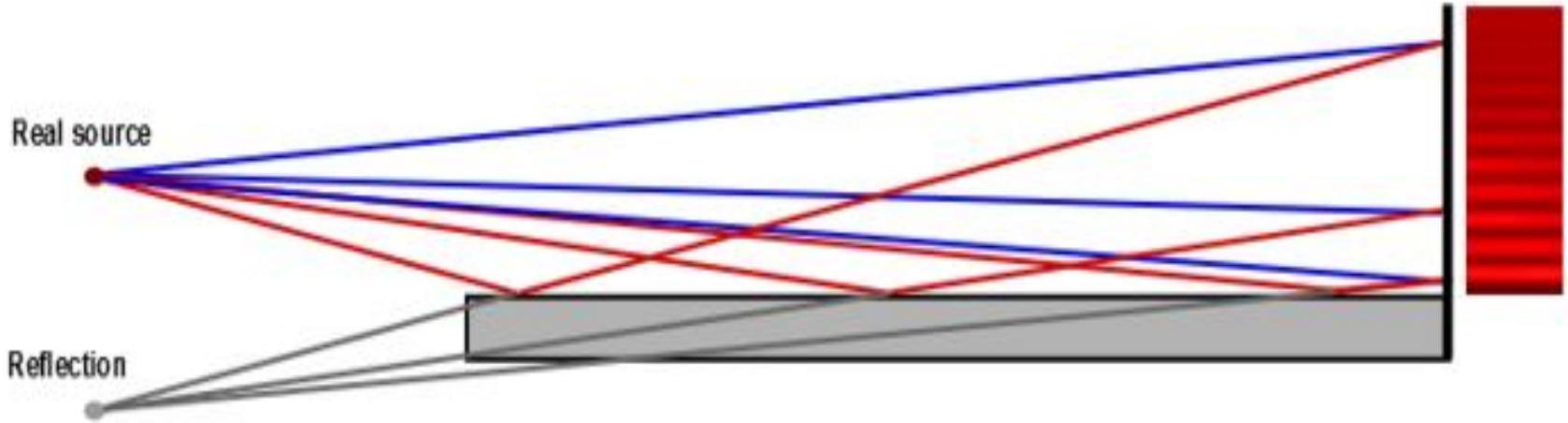


عند خروج أشعة من مصدر ضوئي  $S$  فإن جزء منها يصل للمرآة لينعكس و يصل للحائل ليتداخل مع الجزء الآخر من الأشعة التي وصلت مباشرة من المصدر للحائل.

و بالتالي يحدث تداخل ثنائي الأشعة كما في حالة تداخل ينج و يكون عرض الهدبة المضيئة أو المظلمة

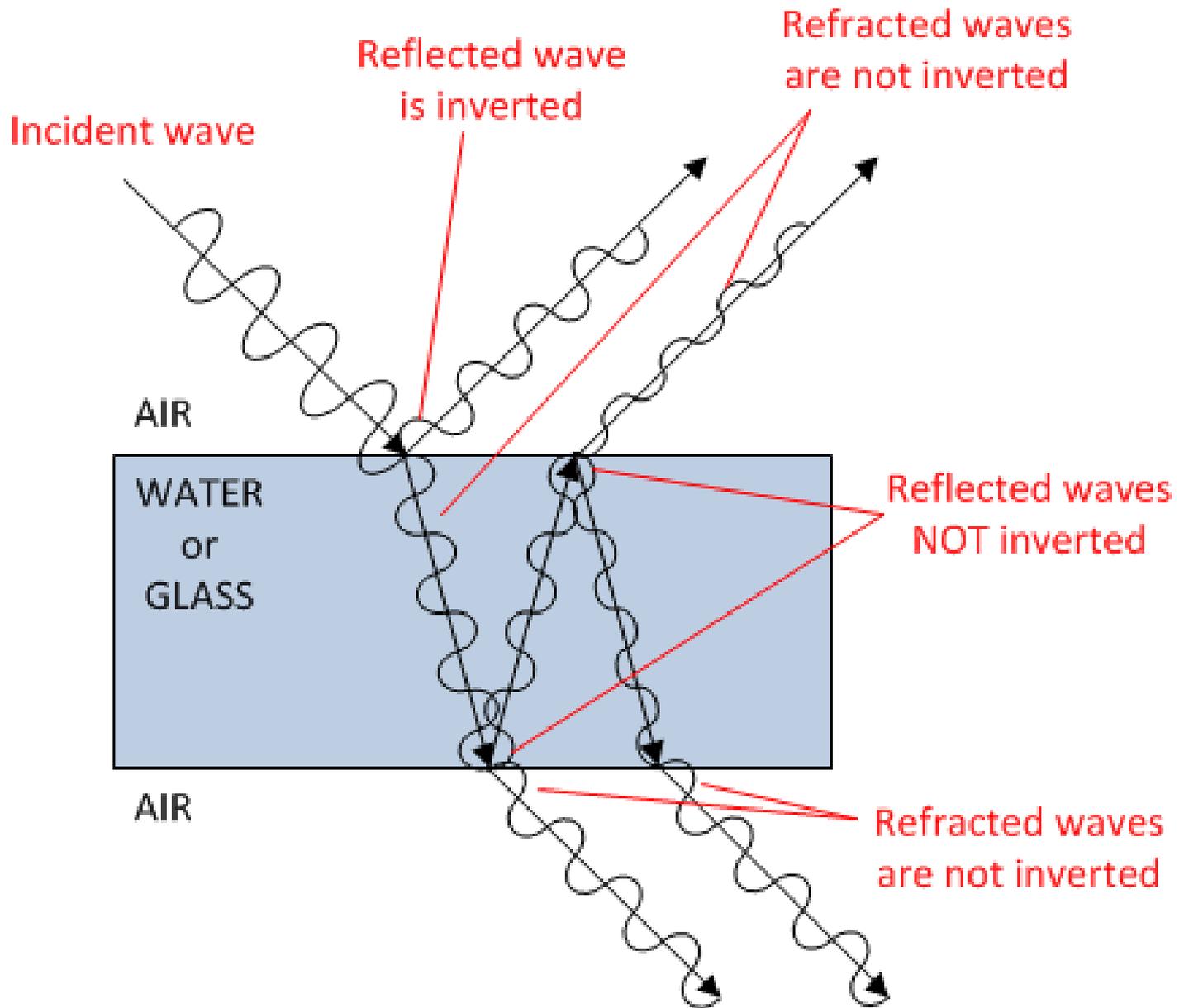
$$\beta = \frac{\lambda D}{d}$$

عند ملاحظة هدب التداخل المتكونة باستخدام مرآة لويدي نجد أن الهدبة المركزية تكون مظلمة وليست مضيئة كما في الحالتين السابقتين.



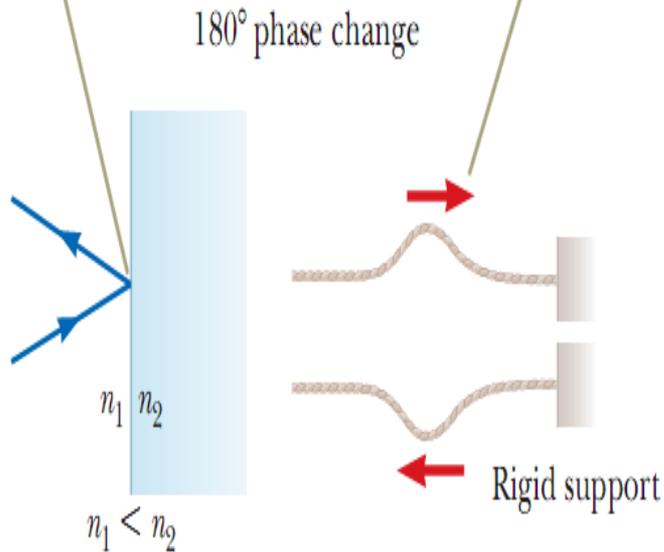
السبب في ذلك هو تغير الطور بالانعكاس.

عند سقوط موجة على سطح معامل انكساره أكبر من الوسط القادم منه الموجة فإن الموجة المنعكسة تُعاني تغيراً في الطور مقداره  $\pi$  و الذي يتسبب في حدوث فرق في المسار بين الموجة القادمة من المصدر الرئيسي و الموجة القادمة من الصورة التقديرية مقداره  $\lambda/2$



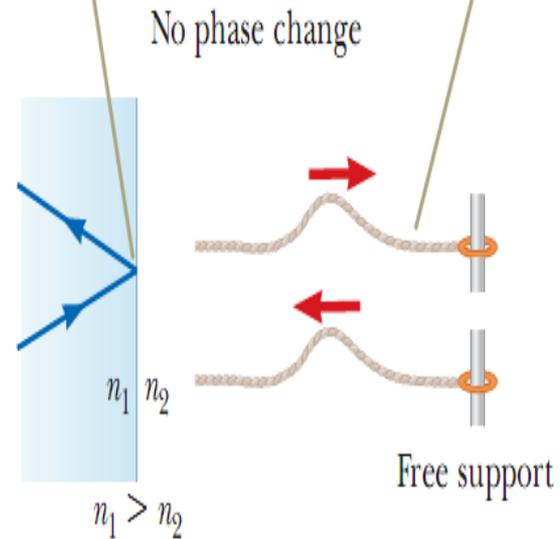
For  $n_1 < n_2$ , a light ray traveling in medium 1 undergoes a  $180^\circ$  phase change when reflected from medium 2.

The same thing occurs when a pulse traveling on a string reflects from a fixed end of the string.



For  $n_1 > n_2$ , a light ray traveling in medium 1 undergoes no phase change when reflected from medium 2.

The same is true of a pulse reflected from the end of a string that is free to move.



a

b

شرط تكون هدبة مضيئة (شدة عظمى) في حالة مرآة لويد

$$\frac{xd}{D} = n\lambda + \frac{\lambda}{2} \quad n=0, 1, 2, 3, \dots$$

و هذا هو شرط الإظلام فى حالة ينج.

شرط تكون هدبة مظلمة (الشدة = صفر) في حالة مرآة لويد

$$\frac{xd}{D} = (2n + 1) \frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{2} = (n + 1)\lambda = m\lambda \quad n=0, 1, 2, 3, \dots$$

أى أن فرق المسار يساوى عدد صحیح من الأطوال الموجية  
و هذا هو شرط الإضاءة فى حالة ينج.

المسافة بين أى هدبتين مضيئتين متتاليتين = المسافة بين أى هدبتين مظلمتين متتاليتين

و بالتالى يكون عرض الهدبة المضيئة مساوياً لعرض الهدبة المظلمة و يرمز له بالرمز  $\beta$

$$\beta = \frac{\lambda D}{d}$$

مثال:

في تجربة مرآة لويدي، تم الحصول على نمط تداخل باستخدام مصدر ضوئي طول له الموجي 500 nm على بُعد 1m من المصدرين المترابطين و التي كانت المسافة بينهما 200 μm. احسب المسافة التي تبعتها الهدبة المظلمة العاشرة عن الهدبة المركزية.  
احسب المسافة بين مركزي الهدبتين المضيئة الثالثة و المظلمة الخامسة.

الحل:

$$D=100 \text{ cm}, \lambda= 500 \text{ nm}, d=100 \mu\text{m}, n=10, x=?$$

$$\frac{xd}{D} = (2n + 1) \frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{2} = (n + 1)\lambda$$

$$x = \frac{D(n + 1)\lambda}{d} = \frac{100 \times 11 \times 500 \times 10^{-7}}{200 \times 10^{-4}} = 2.75 \text{ cm} = 27.5 \text{ mm}$$

---

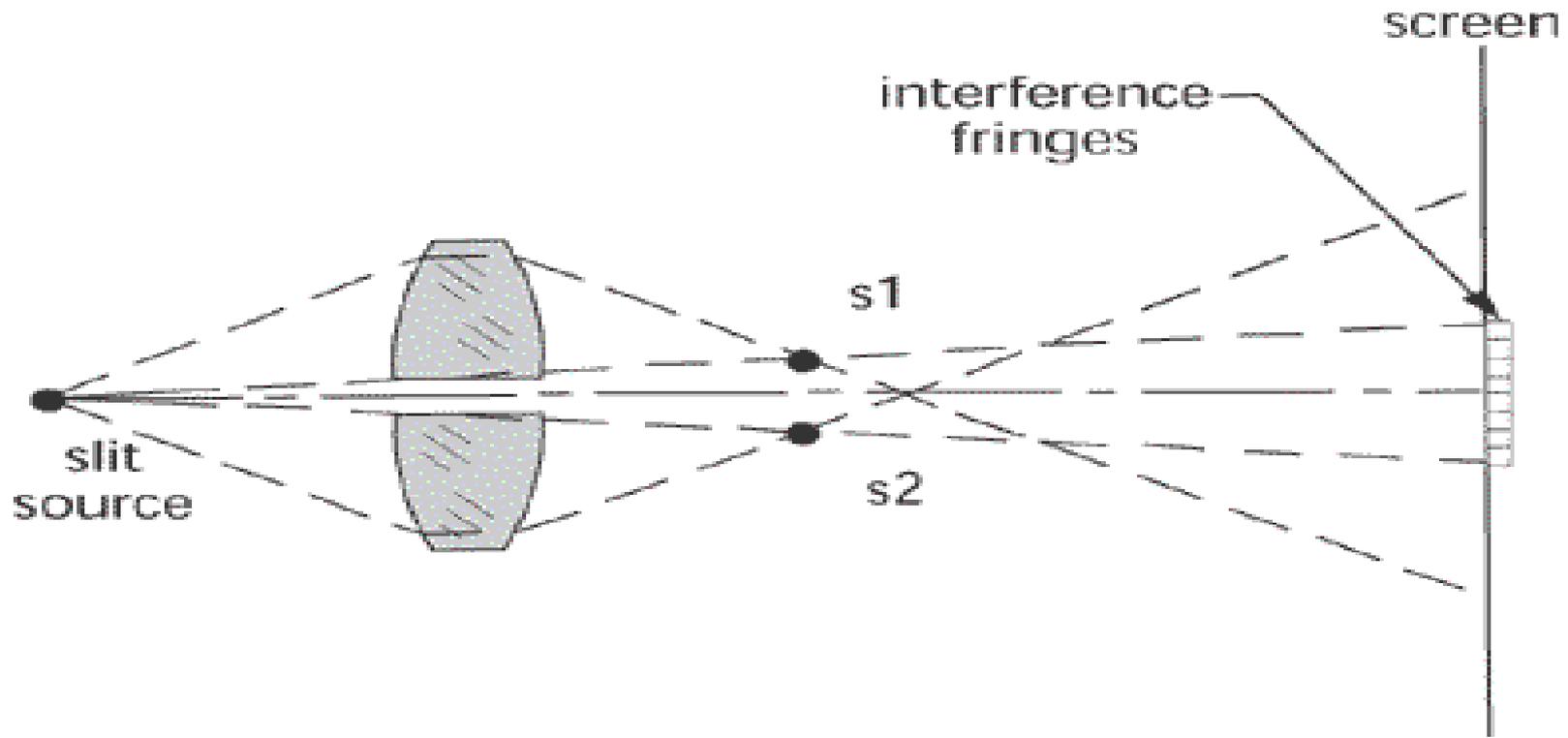
$$\frac{xd}{D} = n\lambda + \frac{\lambda}{2} \quad x = \frac{D \left( n + \frac{1}{2} \right) \lambda}{d} = \frac{100 \times \left( 3 + \frac{1}{2} \right) \times 500 \times 10^{-7}}{200 \times 10^{-4}} = 0.875 \text{ cm}$$

$$x = \frac{D(n + 1)\lambda}{d} = \frac{100 \times 6 \times 500 \times 10^{-7}}{200 \times 10^{-4}} = 1.5 \text{ cm}$$

$$\Delta x = 1.5 - 0.875 = 0.625 \text{ cm}$$

## Billet's bi-lens

## عدسة بليت المقسومة



طريقة تداخل عن طريق تقسيم صدر الموجة.  
عبارة عن عدسة مجمعة (محدبة) مقسومة لجزئين متساويين و موضوعتين في مستوى واحد و يتم التحكم فيهما بواسطة ميكرومتر محوى.  
S1, S2 عبارة عن صورتان تخيائيتان للمصدر الرئيسى و ينتج عنهما تداخل ثنائى مشابه لحالة بينج.

## Geometric Optics

<https://phet.colorado.edu/en/simulation/legacy/geometric-optics>

### Bending light simulator

<https://phet.colorado.edu/en/simulation/bending-light>

### Wave interference simulator

<https://phet.colorado.edu/en/simulation/wave-interference>