



الدرجة الكلية: ٧٠ درجة

التاريخ: ٢٠٢٢/١٢/٣١

جامعة دمياط
كلية الطفولة
قسم الرياضيات

أجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يلى على أن يكون الرابع من بينهم:

السؤال الأول: (٢٢ درجة)

أ)- اوجد متوجه كمية الحركة الزاوية لمنظومة ميكانيكية حول النقطة الثابتة O واذكر متى يساوى متوجه كمية الحركة الزاوية للمنظومة حول مركز كتلتها.

ب)- نحلة متماثلة مكونة من قرص دائري منتظم كتلته $4m$ ونصف قطره a ، قضيب رفيع منتظم كتلته m وطوله a والقضيب عمودي على القرص ومتصل به عند مركزه. اذا بدأت النحلة الحركة عندما كان القضيب رأسيا والقرص لأعلى وسرعة لف النحلة حول محورها $\sqrt{\frac{2g}{a}}$ فاوجد أقصى ميل لمحور النحلة أثناء الحركة.

(١٣ درجة)

السؤال الأول: (٢٢ درجة)

أ)- تتدحرج كرة مصنمة بدون انزلاق على مستوى أفقي خشن يدور بسرعة زاوية منتظمة Ω حول محور رأسى. اذا كانت القوى المؤثرة على الكرة هي وزنها وقوة الاحتكاك مع المستوى عند نقطة التماس فاوجد المعادلات البارا مترية لمسار مركز الكرة بالنسبة لمحاور ثابتة في المستوى وتتحرك معه.

ب)- اذا كان g, f ثابتي حركة لمنظومة ميكانيكية فاثبت أن $\{g, f\}$ أيضا ثابت حركة لنفس المنظومة. (٦ درجات)

السؤال الثالث: (٢٢ درجة)

أ)- بندول بسيط نقطة تتحرك على خط مستقيم أفقي طبقاً للقانون $x = t^x$. اوجد معادلة لاجرانج. (٧ درجات)

ب)- منظومة ميكانيكية لها n من إحداثيات العموم $\{s_1, s_2, \dots, s_n\}$ وأمكن اختيار مجموعة إحداثيات العموم بحيث يكون بينها k من الإحداثيات غير الدورية ، $(n-k)$ من الإحداثيات الدورية. اوجد معادلات راوس لهذه المنظومة.

(١٥ درجة)

السؤال الرابع: (٢٦ درجة)

أ)- اوجد معادلات هاملتون لجسم يتحرك في الفراغ باستخدام الاحداثيات الكروية (ϕ, θ, ρ) حيث تكون دالة وضعه

(٨ درجات) $V = \frac{kr^2}{2}$ ، ثم اوجد p_θ حيث p_θ إحدى مركبات كمية الحركة الخطية.

ب)- اثبت أن التحويلة $P = \frac{1}{2}(p^2 + q^2)$ ، $Q = \tan^{-1}\left(\frac{q}{p}\right)$ ، كانونكلية وذلك بالحصول على تفاضلية كلية

لداة في المتغيرات q, p .

ج)- ادرس حركة جسم متماسك ثقيل يدور حول نقطة ثابتة في حالة لاجرانج $C \neq B = A$ ، $0 < \zeta = \eta = \xi$ باستخدام معادلة هاملتون-جاکوبی.

انتهت الأسئلة

أستاذ المقرر: أ.د/ نبيلة البدويه

مع أطيب التمنيات بالشرفين

رئيس قسم الرياضيات: أ.د/ أحمد طراية